

1

[1] $a > 0$ のとき

① $\rightarrow x \leq \frac{5}{a}$ (ア)

② $\rightarrow ax \geq 5 \therefore x \geq \frac{5}{a}$ (イ)

[2] $a = 0$ のとき

① $\rightarrow 0 \cdot x \leq 5$

x は $\forall x$ の実数 (ウ)

[3] $a < 0$ のとき

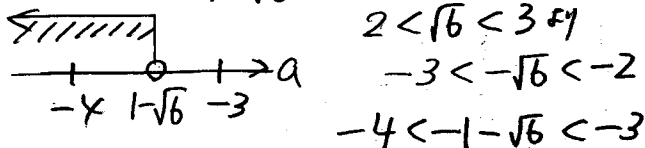
② $\rightarrow -ax \geq 5 \therefore x \geq -\frac{5}{a}$ (エ)

次に、 $x = 1 - \sqrt{6}$ が ① を満たさない

$\Leftrightarrow a(1 - \sqrt{6}) > 5$

$1 - \sqrt{6}$ は負だから

$a < \frac{5}{1 - \sqrt{6}} \therefore a < -1 - \sqrt{6}$



よって $a = -4$ (カ)

2

$f(x) = -x^2 + 2x - 5$

$= -(x-1)^2 - 4$

頂点 $(1, -4)$ (ク)

$g(x) = 2x^2 - 8ax + 6a^2 + 3a - 5$

$= 2(x-2a)^2 - 2a^2 + 3a - 5$

(Min) $-2a^2 + 3a - 5$ ($x = 2a$) (ク)

$g(x) - f(x)$

$= 2x^2 - 8ax + 6a^2 + 3a - 5 - (-x^2 + 2x - 5)$

$= 3x^2 - 2(4a+1)x + 6a^2 + 3a$

$\forall x$ の実数 x について $g(x) - f(x) > 0$

$\Leftrightarrow \forall x$ の実数 x について

$3x^2 - 2(4a+1)x + 6a^2 + 3a > 0$

$\cup D < 0$ とおけばよい。

$\rightarrow x \frac{D}{4} = (4a+1)^2 - 3(6a^2+3a) < 0$

整理して $2a^2 + a - 1 > 0$

$(a+1)(2a-1) > 0 \therefore a < -1, \frac{1}{2} < a$ (ト)

3

(P) 同値

(1) $(xy=0 \Leftrightarrow x=0 \text{ かつ } y=0)$ (チ)

(Q) $(x=0 \text{ かつ } y=0)$ の否定は $x \neq 0 \text{ かつ } y \neq 0$ (リ)

次に、「 $P \Rightarrow Q$ 」の逆は

(Q) $(x=0 \text{ かつ } y=0) \Rightarrow (P)$ 真 (ニ)

次に

(P) $(x=0 \text{ かつ } y=0) \Rightarrow (Q)$ 偽 (反例: $x=0 \text{ かつ } y=1$) (ハ)

よって「 $P \Rightarrow Q$ 」の対偶も偽 (コ)

(2) $[\text{?}] \Leftrightarrow (D) x > 1$

(十分条件) $[\text{?}] < r$ とおけばいい?

① $x = 2$ O.K

① $x \geq 1$ N.G

② $x \leq -1, 1 \leq x$ N.G

③ $x < 2$ N.G

④ $2 < x < 3$ O.K

⑤ $x < 1, 3 < x$ N.G

よって

① と ④ (サ)