

2次関数（1） 平行移動・対称移動・ x 軸から切り取る線分

1. 関数の「平行移動の原理」と「対称移動の原理」を利用する方法

●関数の平行移動の原理

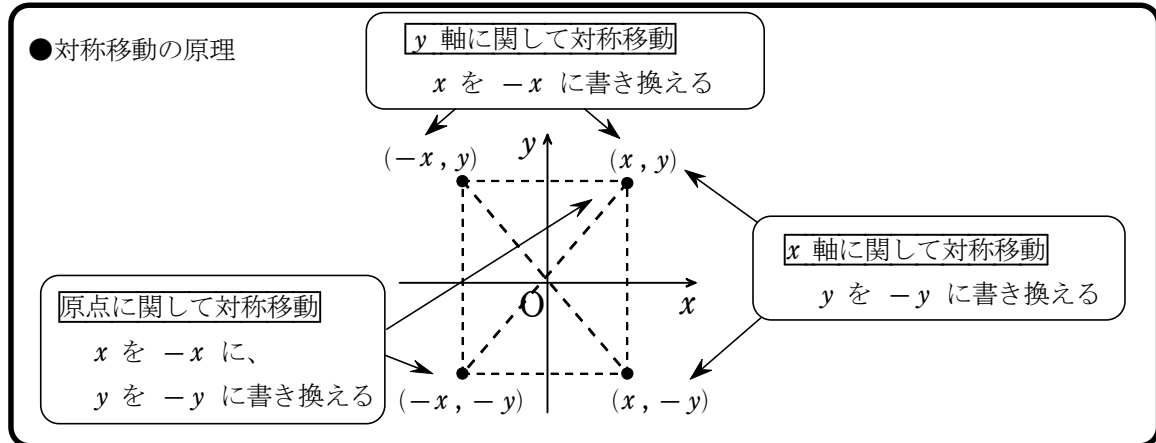
$y = f(x)$ のグラフを x 軸方向に p 、 y 軸方向に q だけ平行移動すると

$$y - q = f(x - p)$$

\uparrow \uparrow
 y を $y - q$ に x を $x - p$ に

☆移動した分だけ引く

●対称移動の原理



- 1 ある放物線を y 軸に関して対称移動し、更に x 軸方向に 3、 y 軸方向に -2 だけ平行移動すると、放物線 $y = -2x^2 + 16x - 29$ に移った。もとの放物線の方程式を求めよ。

【解答】 逆に、移動後の $y = -2x^2 + 16x - 29$ を x 軸方向に 、 y 軸方向に 平行移動して、 y 軸に関して対称移動すると、もとの放物線になるから、

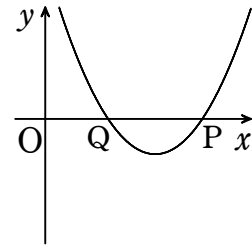
2. x 軸から切り取る線分

$a > 0$ とする。放物線 $y = ax^2 + bx + c$ と x 軸が
2点で交わる場合、その共有点の座標は、解の公式より

$$P\left(\frac{-b + \sqrt{D}}{2a}, 0\right), \quad Q\left(\frac{-b - \sqrt{D}}{2a}, 0\right)$$

である。このとき、放物線が x 軸から切り取る線分の長さは

$$\begin{aligned} PQ &= (\text{大きい } x \text{ 座標}) - (\text{小さい } x \text{ 座標}) \\ &= \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} - \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{\sqrt{D}}{a} \end{aligned}$$



2 基礎編 [10]

m 、 n を定数とし、 $m > 0$ とする。2次関数 $y = x^2 + 4mx + 2n - 1$ のグラフが点 $(1, -2)$ を通るとき、次の問いに答えよ。

- (1) n を m の式で表せ。
- (2) x 軸から切り取る線分の長さが 6 であるとき、 m の値を求めよ。